

Рис. 1-15. Истечение из затопленного отверстия

Для случая  $l \approx 0$  и  $\frac{F_0}{F_1} = 0$  получаем

$$w_{cж} = \varphi \sqrt{\frac{2}{\rho} (gpz_0 + p_A - p_B)}$$

и

$$Q = \mu F_0 \sqrt{\frac{2}{\rho} (gpz_0 + p_A - p_B)},$$

где  $z_0 = z_A - z_B$ .

Если  $p_A$  и  $p_B$  равны атмосферному давлению, то при относительно малом отверстии

$$w_{cж} = \varphi \sqrt{2gz_0}$$

и

$$Q = \mu F_0 \sqrt{2gz_0}.$$

Значения  $\varphi$  и  $\mu$  находят так же, как и выше.

### Истечение сжимаемого газа

1. При истечении газа (пара, воздуха) в атмосферу под высоким давлением резко изменяется его объем. Поэтому необходимо учитывать сжимаемость газа. Пренебрегая потерями в насадке, из которой происходит истечение идеального газа, и влиянием его массы, скорость адабатического истечения можно определить по формуле Сен-Венана—Бенцеля:

$$w_0 = \sqrt{2 \frac{k}{k-1} \cdot \frac{p_1}{p_0} \left[ 1 - \left( \frac{p_0}{p_1} \right)^{\frac{k-1}{k}} \right]} \quad (1-53)$$

и

$$G = \mu F_0 \sqrt{\frac{2k}{k-1} \rho_1 p_1 \left[ \left( \frac{p_0}{p_1} \right)^{\frac{2}{k}} - \left( \frac{p_0}{p_1} \right)^{\frac{k+1}{k}} \right]}, \quad (1-54)$$

где индекс «1» показывает, что соответствующие величины относятся к сечению трубы (сосуда) до узкого сечения насадка, а «0» — к самому узкому сечению насадка или к среде, куда происходит истечение газа (например, атмосфера).

2. При уменьшении  $p_0/p_1$  скорость истечения  $w_0$  возрастает до тех пор, пока это отношение давлений не станет равным критическому:

$$\frac{p_0}{p_1} = \left( \frac{p_0}{p_1} \right)_{kp} = \left( \frac{2}{k+1} \right)^{\frac{k}{k-1}}.$$

При  $p_0/p_1 = (p_0/p_1)_{kp}$  скорость в узком сечении  $F_0$  насадка равна скорости звука в данной среде.

При дальнейшем понижении  $p_0/p_1$  скорость в узком сечении остается равной скорости звука, а струя на выходе начинает расширяться. Таким образом, при понижении отношения давлений ниже критического массовый расход газа не увеличивается, а остается

$$G = \mu p_0 F_0 w_0 =$$

$$= \mu F_0 \left( \frac{2}{k+1} \right)^{\frac{1}{k-1}} \sqrt{\frac{2k}{k+1} \rho_1 p_1}. \quad (1-55)$$

Поэтому формула (1-53) или (1-54) может быть применена для вычисления скорости и соответственно расхода лишь при  $p_0/p_1 \geqslant \geqslant (p_0/p_1)_{kp}$ . При  $p_0/p_1 < (p_0/p_1)_{kp}$  следует пользоваться формулой (1-55).

### 1-8. Работа нагнетателя в сети

1. Для приведения в движение жидкой или газовой среды на концах данного участка следует создать определенную разность пол-

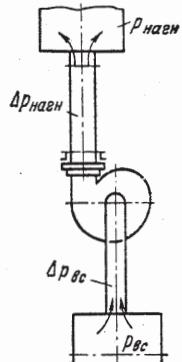


Рис. 1-16. Установка нагнетателя в сети

ных давлений с помощью нагнетателя (насоса, вентилятора, дымососа, компрессора).

2. Полное давление, развиваемое нагнетателем, в самом общем случае расходуется: а) на покрытие разности давлений в объеме всасывания и объеме нагнетания; б) на преодоление избыточного геометрического давления (отрицательной самотяги), т. е. на подъем жидкости или газа, который тяжелее атмосферного воздуха, на высоту  $z$  от начального сечения сети до конечного сечения (при положительной самотяге последнюю вычитают из давления нагнетателя); в) на создание скоростного давления на выходе жидкости (газа, рис. 1-16) из сети (не из нагнетателя),

т. е. полное давление  $p_n$  (Па) <sup>1</sup>, развиваемое нагнетателем,

$$p_n = (p_{\text{нагн}} - p_{\text{вс}}) \pm p_c + \frac{\rho w_{\text{вых}}^2}{2}, \quad (1-56)$$

где  $p_{\text{вс}}$  — избыточное давление в объеме всасывания;  $p_{\text{нагн}}$  — избыточное давление в объеме нагнетания;  $p_c$  — избыточное геометрическое давление (самотяга);  $\Delta p_{\text{вс}}$  — потери давления (сопротивление) на всасывающем участке сети;  $\Delta p_{\text{нагн}}$  — потери давления (сопротивление) на участке нагнетания;  $w_{\text{вых}}$  — скорость выхода потока из сети, м/с.

3. Для случая, когда давления в объемах всасывания и нагнетания равны между собой ( $p_{\text{вс}} = p_{\text{нагн}}$ ),

$$p_n = \Delta p_{\text{вс}} + \Delta p_{\text{нагн}} + \frac{\rho w_{\text{вс}}^2}{2} \pm p_c = \Delta p_{\text{общ}}, \quad (1-57)$$

где  $\Delta p_{\text{общ}}$  вычисляют по формуле (1-44) или (1-46) для всей сети как сумму потерь во всасывающем и нагнетательном участках сети (включая потерю скоростного давления на выходе из сети) и самотяги  $p_c$  по формуле (1-41).

4. Так как при  $p_c = 0$  сумма всех потерь в сети равна разности полных давлений перед и за нагнетателем, то

$$p_n = \left( p_{\text{ст. нагн}} + \frac{\rho w_{\text{нагн}}^2}{2} \right) - \left( p_{\text{ст. вс}} + \frac{\rho w_{\text{вс}}^2}{2} \right) = p_{\text{п. нагн}} - p_{\text{п. вс}}, \quad (1-58)$$

где  $p_{\text{п. вс}}$  и  $p_{\text{п. нагн}}$  — избыточное полное давление соответственно перед и за нагнетателем, Па;  $p_{\text{ст. вс}}$  и  $p_{\text{ст. нагн}}$  — избыточное статическое давление соответственно перед и за нагнетателем, Па;  $w_{\text{вс}}$  и  $w_{\text{нагн}}$  — средняя скорость потока соответственно перед и за нагнетателем, м/с.

5. При нормальных условиях работы нагнетателя величина  $p_n$  больше нуля, т. е.

$$p_{\text{п. нагн}} > p_{\text{п. вс}}.$$

В то же время как величина статического, так и величина скоростного давления после нагнетателя могут быть ниже соответствующих величин до нагнетателя.

6. В частном случае, когда площади сечений всасывающего и нагнетательного отверстий нагнетателя одинаковы,

$$\frac{\rho w_{\text{вс}}^2}{2} = \frac{\rho w_{\text{нагн}}^2}{2},$$

<sup>1</sup> В дальнейшем величину  $p_n$  будем называть просто давлением, а не полным давлением.

и, следовательно, давление, создаваемое нагнетателем,

$$p_n = p_{\text{ст. нагн}} - p_{\text{ст. вс}}, \quad (1-59)$$

т. е. давление, создаваемое нагнетателем, равно разности статических давлений непосредственно за нагнетателем и перед ним.

7. Мощность на валу нагнетателя, Вт

$$N_n = \frac{Q_p p_{\text{н. р.}}}{\eta_{\text{полн}}},$$

где  $Q_p$  — объемный расход перемещаемой среды при рабочих условиях, м<sup>3</sup>/с;  $p_{\text{н. р.}}$  — давление, создаваемое нагнетателем, при рабочих условиях, Па;  $\eta_{\text{полн}}$  — полный к. п. д. нагнетателя.

8. Объемный расход перемещаемой среды обычно является заданной величиной. Давление же, создаваемое нагнетателем, вычисляют по формулам (1-56)–(1-59) для заданных условий сети, т. е. для разности давлений в объемах всасывания и нагнетания ( $p_{\text{нагн}} - p_{\text{вс}}$ ), избыточного геометрического давления ( $\pm p_c$ ), форм и размеров всех элементов сети. Последние определяют значение коэффициентов сопротивления  $\zeta_{\text{тр}}$  и  $\zeta_m$  и скорости потока в каждом элементе, а следовательно, величину  $\Delta p_{\text{общ}}$ .

9. Чтобы определить, удовлетворяет ли данный нагнетатель требуемым расчетным значениям  $Q_p$  и  $p_{\text{н. р.}}$ , необходимо предварительно привести их величины к тем условиям (плотности перемещаемой среды), для которых дается характеристика нагнетателя. При этом, если расход перемещаемой среды задан в м<sup>3</sup>/с для нормальных условий, то пересчитывают его на рабочие условия по формуле (1-13).

Приведенное давление нагнетателя

$$p_{\text{прив}} = p_{\text{расч}} \frac{\rho_{\text{хар}}}{\rho_{\text{н. у}}} \cdot \frac{T_p}{T_{\text{хар}}} \cdot \frac{\rho_{\text{хар}}}{\rho_{\text{нагн}}}, \quad (1-60)$$

где  $p_{\text{расч}}$  — расчетное давление нагнетателя, Па;  $\rho_{\text{хар}}$  — плотность среды, при которой получена характеристика нагнетателя при нормальных условиях ( $t = 0^\circ \text{C}$ ,  $\rho = 101,325$  кПа), кг/м<sup>3</sup>;  $\rho_{\text{н. у}}$  — плотность среды, для которой подбирают нагнетатель при нормальных условиях, кг/м<sup>3</sup>;  $T_p$  — рабочая температура перемещаемой среды в нагнетателе, К;  $T_{\text{хар}}$  — температура среды по характеристике нагнетателя, К;  $\rho_{\text{нагн}}$  — рабочее давление (абсолютное) перемещаемой среды в нагнетателе, Па;  $\rho_{\text{хар}}$  — давление (абсолютное) среды, при котором получена характеристика нагнетателя; для вентиляторов  $\rho_{\text{хар}} = 101,325$  кПа.

10. Для высоконапорных нагнетателей плотность перемещаемой среды относится к среднему давлению в рабочем колесе. В этом случае в формулу (1-60) вместо  $\rho_{\text{нагн}}$  подставляют среднее абсолютное давление в колесе:

$$p_{\text{ср}} = p_{\text{нагн}} + (\Delta p_{\text{нагн}} - 0,5 \Delta p_{\text{общ}}),$$

где  $\Delta p_{\text{нагн}}$  — потери давления на участке нагнетания сети, Па;  $\Delta p_{\text{общ}}$  — общие потери полного давления в сети, Па.

11. Мощность при расчетных условиях на валу нагнетателя

$$N_{\text{н}} = \frac{Q_p p_{\text{расч}}}{\eta_{\text{поли}}} = \frac{Q_p \rho_{\text{xap}} \cdot \rho_{\text{н. у.}} \cdot T_{\text{xap}}}{\eta_{\text{поли}} \cdot \rho_{\text{xap}} \cdot T_p} \times$$

$$\times \frac{\rho_{\text{нагн}}}{\rho_{\text{xap}}} = N_{\text{xap}} \frac{\rho_{\text{н. у.}} \cdot T_{\text{xap}}}{T_p} \cdot \frac{\rho_{\text{нагн}}}{\rho_{\text{xap}}},$$

где  $\rho_{\text{xap}}$  — давление нагнетателя по заданной характеристике, Па;  $N_{\text{xap}}$  — мощность на валу нагнетателя по заданной характеристике, Вт.

### 1-9. Примеры расчета гидравлического сопротивления сетей

#### Пример 1-1. Приточная система вентиляции

Расчетная схема сети системы вентиляции дана на рис. 1-17.

Задано:

1) общее количество засасываемого из атмосферы воздуха  $Q = 0,89 \text{ м}^3/\text{с}$  при нормальных условиях;

2) плотность газа при нормальных условиях  $\rho = 1,3 \text{ кг}/\text{м}^3$ ;

3) кинематическая вязкость газа при нормальных условиях  $\nu = 13 \text{ мм}^2/\text{с}$ ;

4) внутренняя обшивка основных газоходов (имеющих сравнительно большую пропаянность) — листовая сталь; шероховатость ее берут как для цельнотянутых кородированных стальных труб (после нескольких лет эксплуатации)  $\Delta \approx 1,0 \text{ мм}$  (см. табл. 2-3, А);

5) газ очищается в мокром скруббере; степень орошения  $A \approx 0,014 \text{ м}^3/(\text{м}^2 \cdot \text{с})$  (см. диаграмму 12-11).

В данном случае вдоль сети изменяется температура газа (за счет охлаждения), поэтому, как в примере 1-1, принимаем первый метод наложения потерь: суммирование абсолютных потерь в отдельных элементах сети.

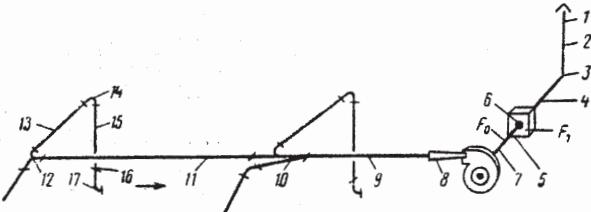
Расчет сопротивления приведен в табл. 1-13.

Самотяга, создаваемая дымовой трубой,

$$\rho_c = H_{\text{тр}} (\rho_a - \rho_f) g,$$

где  $H_{\text{тр}} = 62 \text{ м}$  — высота трубы;  $\rho_a$  — плотность атмосферного воздуха,  $\text{кг}/\text{м}^3$ ;  $\rho_f$  —

Рис. 1-17. Расчетная схема сети системы вентиляции



2) расход через четыре боковых ответвления —  $Q = 0,22 \text{ м}^3/\text{с}$  при нормальных условиях;

3) температура наружного (атмосферного) воздуха  $t = -20^\circ \text{C}$ ;

4) температура воздуха за калорифером  $t = 20^\circ \text{C}$ ;

5) материал воздухопроводов — кровельная сталь (проолиленная); шероховатость  $\Delta \approx 0,15 \text{ мм}$  (см. табл. 2-3, группа А).

Так как вдоль сети температура газа изменяется (нагревание в калорифере), то применяем первый метод наложения потерь — суммирование абсолютных потерь в отдельных элементах сети.

Расчет сопротивления приведен в табл. 1-12. Согласно этой таблице для подбора вентилятора имеем:

$$Q_p = 0,955 \text{ м}^3/\text{с} \text{ и } p_m = \Delta p_{\text{общ}} = 225 \text{ Па.}$$

Мощность на валу вентилятора при к. п. д. вентилятора  $\eta_{\text{поли}} = 0,6$

$$N_{\text{н}} = \frac{Q_p p_m}{\eta_{\text{поли}}} = \frac{0,955 \cdot 225}{0,6} \cdot 10^{-3} = 0,36 \text{ кВт.}$$

#### Пример 1-2. Установка для мокрой очистки агломерационных газов

Схема установки дана на рис. 1-18.

Задано:

1) общий объемный расход газа (при  $t = 20^\circ \text{C}$  и  $p = 101,325 \text{ кПа}$ )  $Q = 278 \text{ м}^3/\text{с};$

плотность газа на входе в дымовую трубу,  $\text{кг}/\text{м}^3$ ;  $g$  — ускорение свободного падения; принимаем  $g = 9,8 \text{ м}/\text{с}^2$ .

При температуре атмосферного воздуха  $t_a = 0^\circ \text{C}$  имеем

$$\rho_a = 1,29 \text{ кг}/\text{м}^3.$$

При температуре  $t_r = 40^\circ \text{C}$  средняя плотность газа

$$\rho_r = 1,13 \text{ кг}/\text{м}^3;$$

отсюда

$$\rho_c = 62 (1,29 - 1,13) \cdot 9,81 \approx 98 \text{ Па.}$$

Эта положительная самотяга способствует перемещению потока, поэтому ее следует вычитать из общих потерь (см. табл. 1-13).

#### Пример 1-3. Аэродинамическая труба малых скоростей замкнутого типа с открытой рабочей частью

Схема аэродинамической трубы (аэродинамический контур) приведена на рис. 1-19.

1) диаметр рабочей части (выходного сечения сопла)  $D_0 = 5000 \text{ мм};$

2) длина рабочей части  $l_{\text{р. ч.}} = 8000 \text{ мм};$

3) скорость потока в рабочей части (на выходе из сопла)  $w_0 = 60 \text{ м}/\text{с};$

4) температура воздуха  $t \approx 20^\circ \text{C};$

5) кинематическая вязкость  $\nu = 1,5 \text{ мм}^2/\text{с};$